causal_order_monotonic4[4,23]

$\forall T$:Type, L:T List, P_1, P_2, Q:($\mathbb{N}_{<\|L\|}$ $\rightarrow$Prop), R_1, R_2:($\mathbb{N}_{<\|L\|}$ $\rightarrow$ $\mathbb{N}_{<\|L\|}$ $\rightarrow$Prop).
($\forall i$:$\mathbb{N}_{<\|L\|}$. $P_1(i) \Rightarrow P_2(i)$)
$\Rightarrow$ ($\forall x$, y:$\mathbb{N}_{<\|L\|}$. $R_1(x,y) \Rightarrow R_2(x,y)$)
$\Rightarrow$ causal_order(L;R_1;P_1;Q)
$\Rightarrow$ causal_order(L;R_2;P_2;Q)

http://www.nuprl.org/FDLcontent/p0_802137_/p110_104626_{causal_order_monotonic4}.html